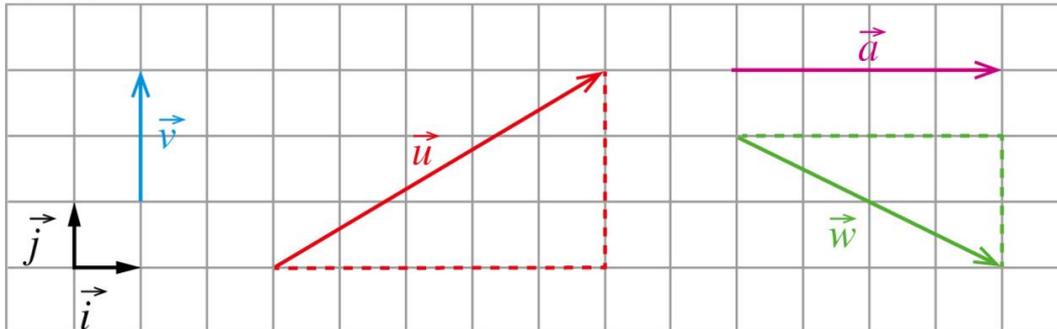


27 On a représenté ci-dessous des vecteurs.



1. Recopier et compléter les égalités suivantes :

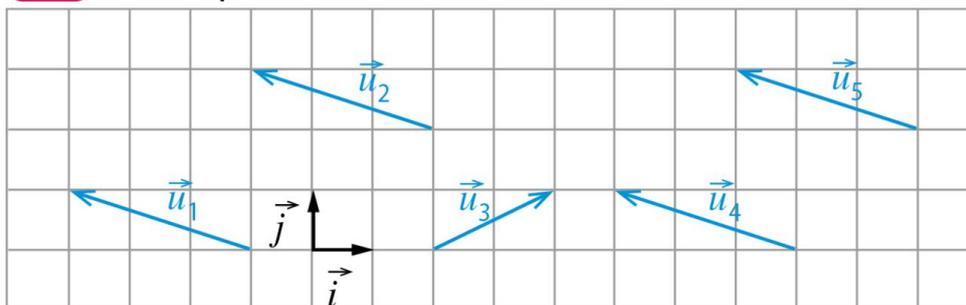
$$\vec{u} = 5\vec{i} + \dots\vec{j}; \vec{v} = \dots\vec{j}; \vec{w} = \dots\vec{i} - 2\vec{j}; \vec{a} = \dots\vec{i}.$$

2. En déduire les coordonnées des vecteurs \vec{u} , \vec{v} , \vec{w} et \vec{a} dans la base (\vec{i}, \vec{j}) .

27 1. $\vec{u} = 5\vec{i} + 3\vec{j}; \vec{v} = 2\vec{j}; \vec{w} = 4\vec{i} - 2\vec{j}; \vec{a} = 4\vec{i}.$

2. $\vec{u} (5; 3); \vec{v} (0; 3); \vec{w} (4; -2); \vec{a} (4; 0).$

28 On a représenté ci-dessous des vecteurs.



1. Quel vecteur n'a pas pour coordonnées $(-3; 1)$ dans la base (\vec{i}, \vec{j}) ?

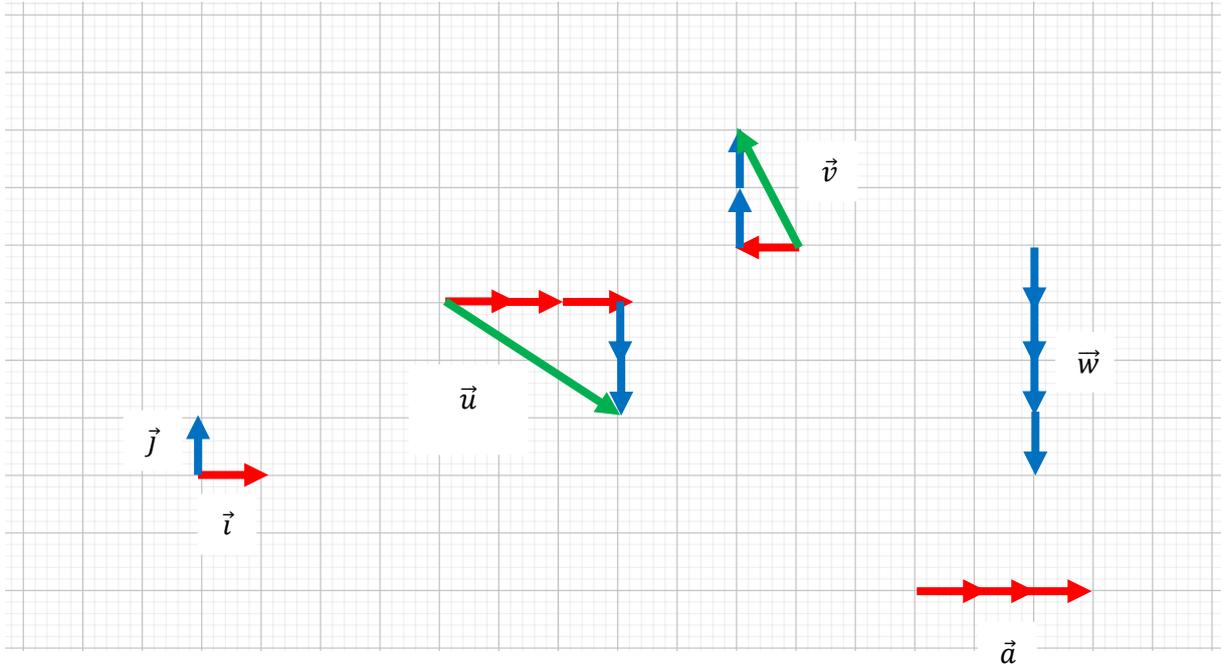
2. Quelles sont les coordonnées de ce vecteur ?

28 1. \vec{u}_3

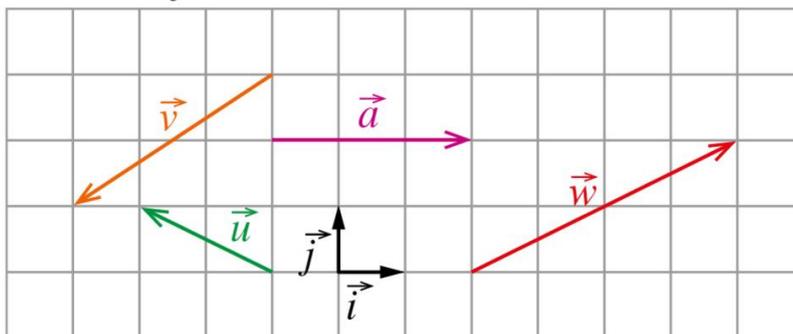
2. $\vec{u}_3 (2; 1)$

Exercice 80p139

80 Dans une base (\vec{i}, \vec{j}) , représenter les vecteurs :
 $\vec{u}(3; -2)$, $\vec{v}(-1; 2)$, $\vec{w}(0; -4)$ et $\vec{a}(3; 0)$.



81 Déterminer les coordonnées des vecteurs \vec{u} , \vec{v} , \vec{w} et \vec{a} dans la base (\vec{i}, \vec{j}) .



Capacité 7, p. 127

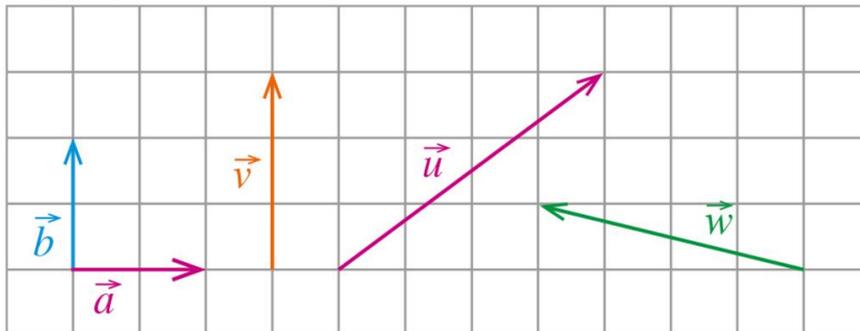
81 $\vec{u} = -2\vec{i} + \vec{j}$, donc $\vec{u}(-2; 1)$.

$\vec{v} = -3\vec{i} - 2\vec{j}$, donc $\vec{v}(-3; -2)$.

$\vec{w} = 4\vec{i} + 2\vec{j}$, donc $\vec{w}(4; 2)$.

$\vec{a} = 3\vec{i}$, donc $\vec{a}(3; 0)$.

82 Déterminer les coordonnées des vecteurs \vec{u} , \vec{v} et \vec{w} dans la base (\vec{a}, \vec{b}) .



82 Le corrigé détaillé de cet exercice est disponible dans le manuel numérique enseignant, le manuel numérique élève et le site élève lycee.editions-bordas.fr.

$$\vec{u} = 2\vec{a} + 1,5\vec{b}, \text{ donc } \vec{u}(2 ; 1,5).$$

$$\vec{v} = 0\vec{a} + 1,5\vec{b}, \text{ donc } \vec{v}(0 ; 1,5).$$

$$\vec{w} = -2\vec{a} + 0,5\vec{b}, \text{ donc } \vec{w}(-2 ; 0,5).$$

Exercice 84p140

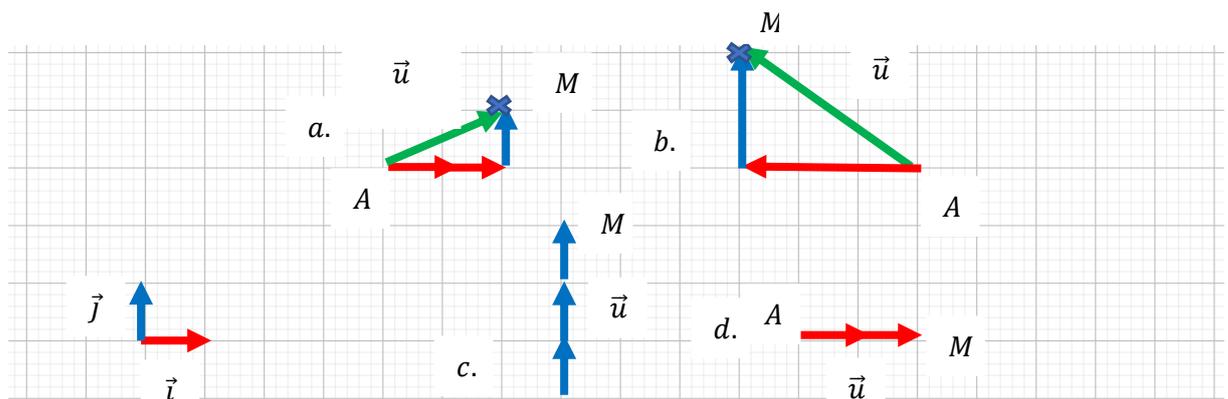
84 Dans un repère, placer un point A, puis construire, dans chaque cas, le point M tel que $\overrightarrow{AM} = \vec{u}$.

a. $\vec{u}(2 ; 1)$

b. $\vec{u}(-3 ; 2)$

c. $\vec{u}(0 ; 3)$

d. $\vec{u}(2 ; 0)$



32 Dans chacun des cas suivants, calculer les coordonnées du vecteur $\vec{u} + \vec{v}$.

a. $\vec{u}(2; 3)$ et $\vec{v}(1; 3)$

b. $\vec{u}(1; 4)$ et $\vec{v}(-2; 6)$

a) $(\vec{u} + \vec{v})(2 + 1; 3 + 3)$ soit $(\vec{u} + \vec{v})(3; 6)$

b) $(\vec{u} + \vec{v})(1 + (-2); 4 + 6)$ soit $(\vec{u} + \vec{v})(-1; 10)$

33 Soit le vecteur $\vec{u}(3; -5)$.

Calculer les coordonnées des vecteurs $2\vec{u}$, $-\vec{u}$, $-5\vec{u}$ et $3\vec{u}$.

$(2\vec{u})(2 \times 3; 2 \times (-5))$ soit $(2\vec{u})(6; -10)$

$(-\vec{u})(-3; -(-5))$ soit $(-\vec{u})(-3; 5)$

$(-5\vec{u})(-5 \times 3; -5 \times (-5))$ soit $(-5\vec{u})(-15; 25)$

$(3\vec{u})(3 \times 3; 3 \times (-5))$ soit $(3\vec{u})(9; -15)$

34 Soit les vecteurs $\vec{u}(2; -1)$ et $\vec{v}(1; 2)$.

1. Calculer les coordonnées des vecteurs $3\vec{u}$ et $2\vec{v}$.

2. Montrer que les coordonnées du vecteur $3\vec{u} + 2\vec{v}$ sont $(8; 1)$.

1.

$(3\vec{u})(3 \times 2; 3 \times (-1))$ soit $(3\vec{u})(6; -3)$

$(2\vec{v})(2 \times 1; 2 \times 2)$ soit $(2\vec{v})(2; 4)$

2. $(3\vec{u})(6; -3)$

$(2\vec{v})(2; 4)$

$(3\vec{u} + 2\vec{v})(6 + 2; -3 + 4)$ soit $(3\vec{u} + 2\vec{v})(8; 1)$

92 Soit les vecteurs $\vec{u}(5; 1)$ et $\vec{v}(2; -3)$.

Calculer les coordonnées des vecteurs $\vec{u} + \vec{v}$, $2\vec{u}$, $-3\vec{v}$ et $2\vec{u} - 3\vec{v}$.

$$\vec{u} + \vec{v} (5 + 2; 1 + (-3)) \text{ soit } \vec{u} + \vec{v} (7; -2)$$

$$2\vec{u} (2 \times 5; 2 \times 1) \text{ soit } 2\vec{u} (10; 2)$$

$$-3\vec{v} (-3 \times 2; -3 \times (-3)) \text{ soit } -3\vec{v} (-6; 9)$$

$$2\vec{u} + (-3\vec{v}) (10 + (-6); 2 + 9) \text{ soit } 2\vec{u} - 3\vec{v} (4; 11)$$

93 Soit les vecteurs $\vec{u}(-2; 1)$ et $\vec{v}(5; -1)$.

Calculer les coordonnées des vecteurs $\vec{u} + \vec{v}$, $\vec{u} - \vec{v}$, $3\vec{u} + 4\vec{v}$ et $-5\vec{u} + 2\vec{v}$.

$$\vec{u} + \vec{v} (3; 0)$$

$$\vec{u} - \vec{v} ((-2) - 5; 1 - (-1)) \vec{u} - \vec{v} (-7; 2)$$

$$3\vec{u} (-6; 3)$$

$$4\vec{v} (20; -4)$$

$$3\vec{u} + 4\vec{v} (-6 + 20; 3 + (-4)) \text{ soit } 3\vec{u} + 4\vec{v} (14; -1)$$

$$-5\vec{u} (10; -5)$$

$$2\vec{v} (10; -2)$$

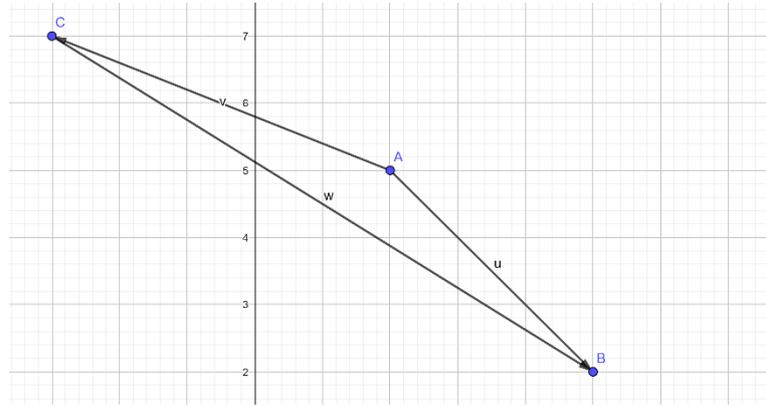
$$-5\vec{u} + 2\vec{v} (10 + 10; -5 - 2) \text{ soit } -5\vec{u} + 2\vec{v} (20; -7)$$

Exercices sur les coordonnées de points

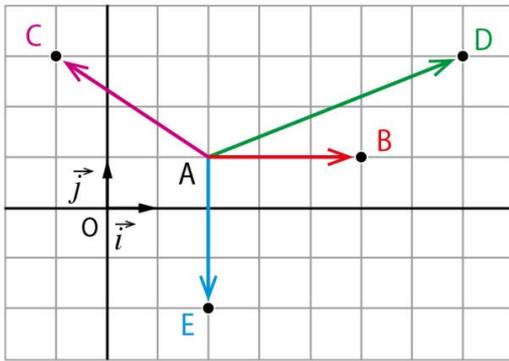
Exercices 29,30page 135 , 83page 140 , 85,86page 140 ,88,89page 140

29 Soit les points $A(2 ; 5)$, $B(5 ; 2)$ et $C(-3 ; 7)$.
Calculer les coordonnées des vecteurs \overrightarrow{AB} , \overrightarrow{AC} et \overrightarrow{CB} .

$$\begin{aligned} \overrightarrow{AB} & (5 - 2 ; 2 - 5) \text{ soit } \overrightarrow{AB} (3 ; -3) \\ \overrightarrow{AC} & (-3 - 2 ; 7 - 5) \text{ soit } \overrightarrow{AC} (-5 ; 2) \\ \overrightarrow{CB} & (5 - (-3) ; 2 - 7) \text{ soit } \overrightarrow{CB} (8 ; -5) \end{aligned}$$



30 On considère le point $A(2 ; 1)$ et les points B, C, D et E représentés ci-dessous.



1. Lire les coordonnées des points B, C, D et E .
2. a. Déterminer par lecture graphique les coordonnées des vecteurs \overrightarrow{AB} , \overrightarrow{AC} , \overrightarrow{AD} et \overrightarrow{AE} .
- b. Retrouver ces résultats par le calcul.

2a. Le vecteur \overrightarrow{AB} a pour coordonnées $\overrightarrow{AB}(3 ; 0)$ car $\overrightarrow{AB} = 3\vec{i} + 0\vec{j}$.

Le vecteur \overrightarrow{AC} a pour coordonnées $\overrightarrow{AC}(-3 ; 2)$ car $\overrightarrow{AC} = -3\vec{i} + 2\vec{j}$.

Le vecteur \overrightarrow{AD} a pour coordonnées $\overrightarrow{AD}(5 ; 2)$ car $\overrightarrow{AD} = 5\vec{i} + 2\vec{j}$.

Le vecteur \overrightarrow{AE} a pour coordonnées $\overrightarrow{AE}(0 ; -3)$ car $\overrightarrow{AE} = 0\vec{i} - 3\vec{j}$.

b. $A(2 ; 1)$ $B(5 ; 1)$ On en déduit que $\overrightarrow{AB}(5 - 2 ; 1 - 1)$ soit $\overrightarrow{AB}(3 ; 0)$

$A(2 ; 1)$ $C(-1 ; 3)$ On en déduit que $\overrightarrow{AC}(-1 - 2 ; 3 - 1)$ soit $\overrightarrow{AC}(-3 ; 2)$

1.

Le point B a pour coordonnées $B(5 ; 1)$ car $\overrightarrow{OB} = 5\vec{i} + 1\vec{j}$.

Le point C a pour coordonnées $C(-1 ; 3)$ car $\overrightarrow{OC} = -1\vec{i} + 3\vec{j}$.

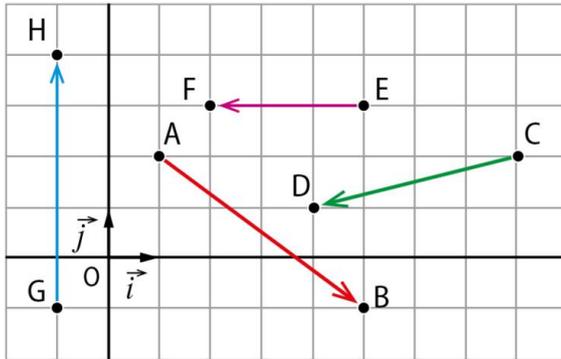
Le point D a pour coordonnées $D(7 ; 3)$ car $\overrightarrow{OD} = 7\vec{i} + 3\vec{j}$.

Le point E a pour coordonnées $E(2 ; -2)$ car $\overrightarrow{OE} = 2\vec{i} - 2\vec{j}$.

$A(2; 1)$ $D(7; 3)$ On en déduit que $\overrightarrow{AD}(7 - 2; 3 - 1)$ soit $\overrightarrow{AD}(5; 2)$

$A(2; 1)$ $E(2; -2)$ On en déduit que $\overrightarrow{AE}(2 - 2; -2 - 1)$ soit $\overrightarrow{AE}(0; -3)$

83 1. Lire les coordonnées des points A, B, C, D, E, F, G et H.



2. a. Calculer les coordonnées des vecteurs \overrightarrow{AB} , \overrightarrow{CD} , \overrightarrow{EF} et \overrightarrow{GH} .

b. Retrouver ces résultats par lecture graphique.

Capacité 8, p. 127

83 1. $A(1; 2)$; $B(5; -1)$; $C(8; 2)$; $D(4; 1)$; $E(5; 3)$; $F(2; 3)$; $G(-1; -1)$; $H(-1; 4)$.

2 a. $A(1; 2)$ $B(5; -1)$ On en déduit que $\overrightarrow{AB}(5 - 1; -1 - 2)$ soit $\overrightarrow{AB}(4; -3)$

$C(8; 2)$ $D(4; 1)$ On en déduit que $\overrightarrow{CD}(4 - 8; 1 - 2)$ soit $\overrightarrow{CD}(-4; -1)$

$E(5; 3)$ $F(2; 3)$ On en déduit que $\overrightarrow{EF}(2 - 5; 3 - 3)$ soit $\overrightarrow{EF}(-3; 0)$

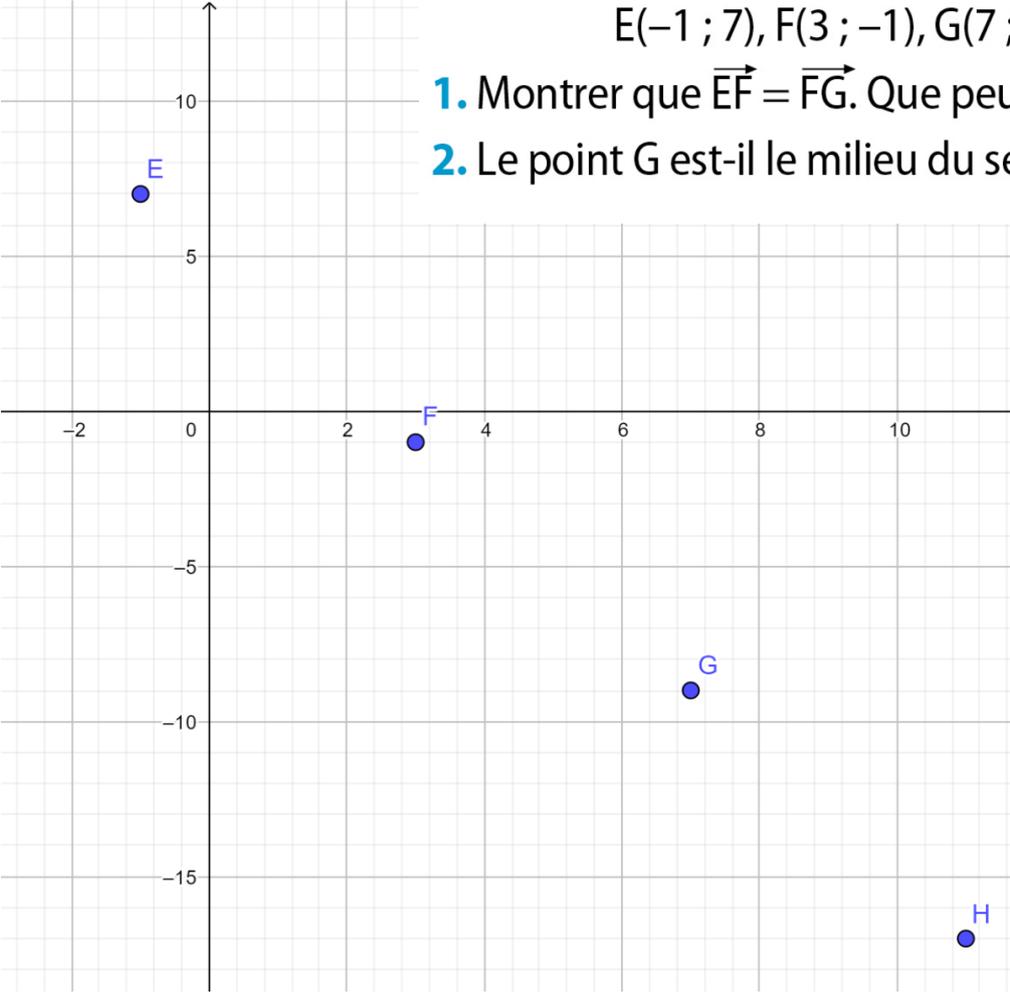
$G(-1; -1)$ $H(-1; 4)$. On en déduit que $\overrightarrow{GH}(-1 - (-1); 4 - (-1))$ soit $\overrightarrow{GH}(0; 5)$

b. On retrouve ces résultats par lecture graphique.

86 On considère les points :

$E(-1 ; 7), F(3 ; -1), G(7 ; -9)$ et $H(11 ; -17)$.

- 1. Montrer que $\vec{EF} = \vec{FG}$. Que peut-on en déduire ?
- 2. Le point G est-il le milieu du segment [FH] ? Justifier.



.....

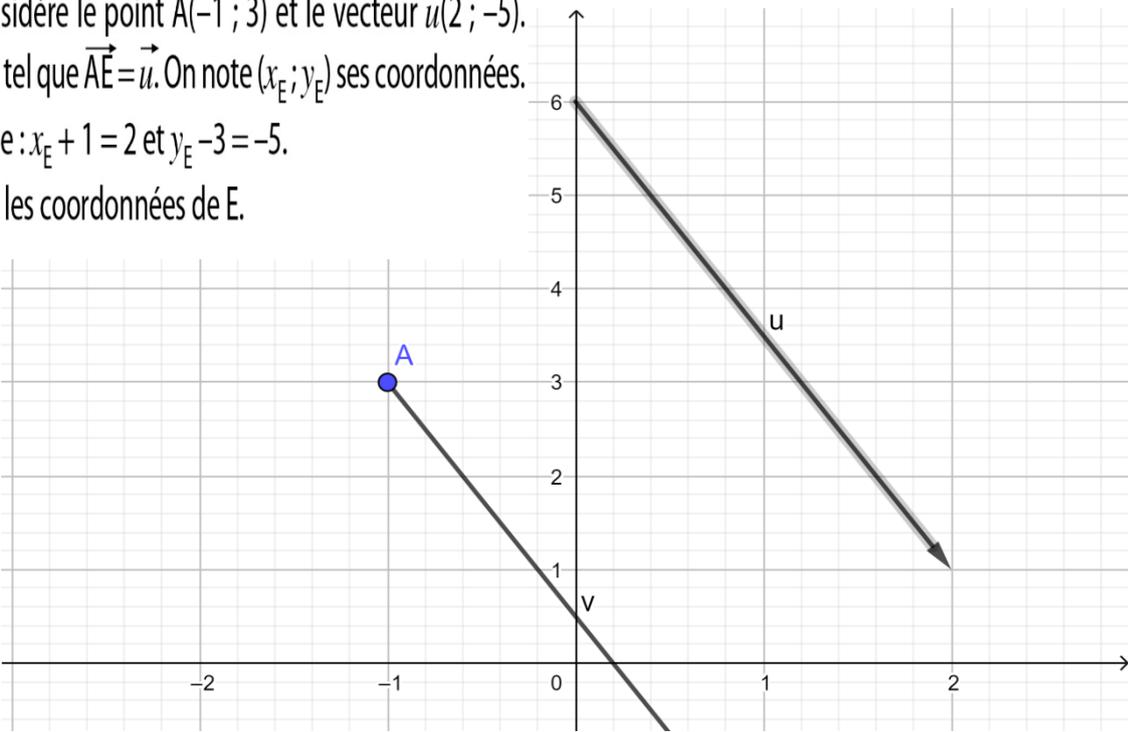
.....

.....

88 On considère le point $A(-1 ; 3)$ et le vecteur $\vec{u}(2 ; -5)$.

Soit E le point tel que $\vec{AE} = \vec{u}$. On note $(x_E ; y_E)$ ses coordonnées.

1. Justifier que : $x_E + 1 = 2$ et $y_E - 3 = -5$.
2. En déduire les coordonnées de E .



.....

.....

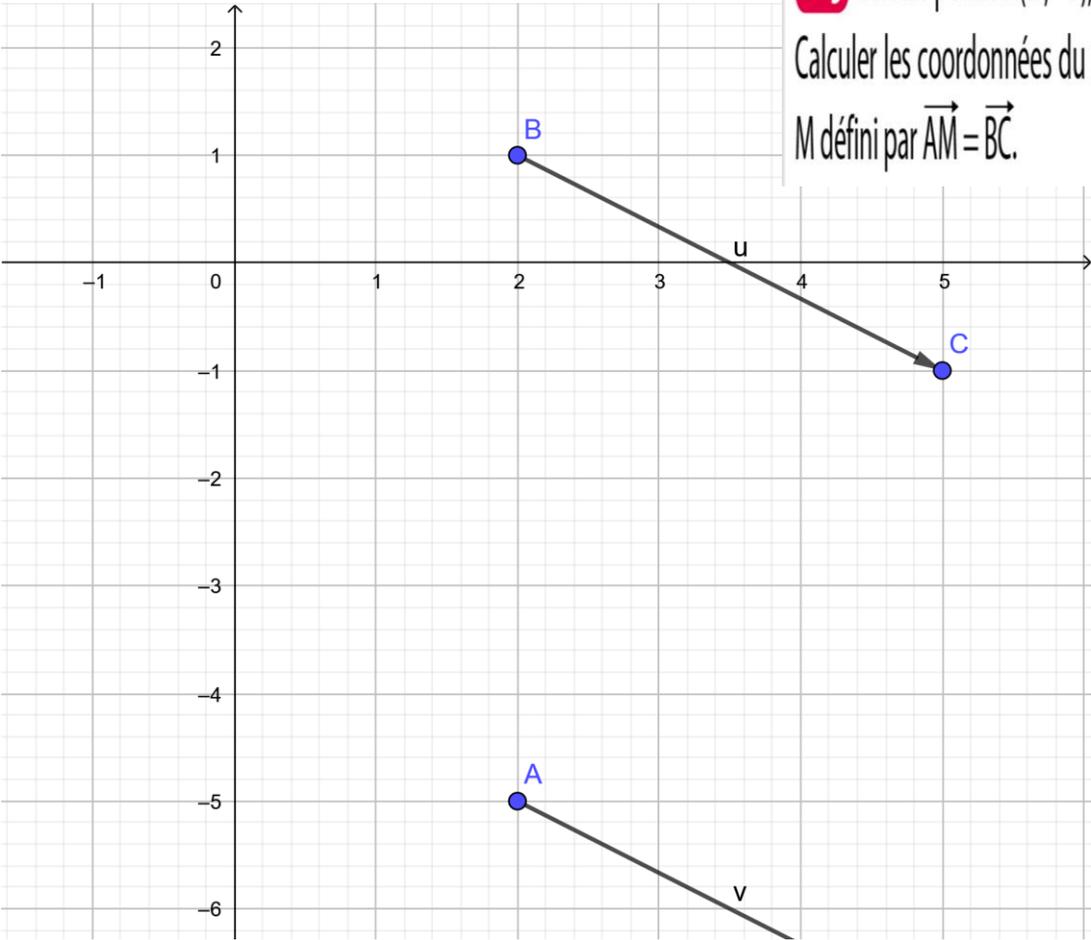
.....

.....

.....

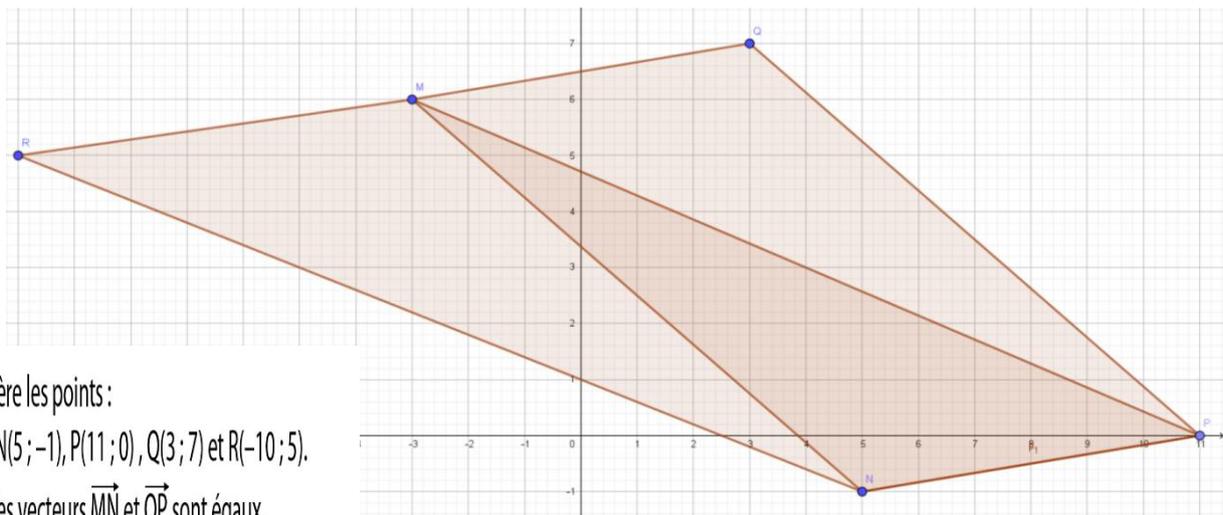
89 Soit les points $A(2; -5)$, $B(2; 1)$ et $C(5; -1)$.

Calculer les coordonnées du vecteur \vec{BC} , puis celles du point M défini par $\vec{AM} = \vec{BC}$.



.....
.....
.....
.....
.....

Exercice 85 page 140



85 On considère les points :

$M(-3; 6)$, $N(5; -1)$, $P(11; 0)$, $Q(3; 7)$ et $R(-10; 5)$.

1. Montrer que les vecteurs \overrightarrow{MN} et \overrightarrow{QP} sont égaux.

Que peut-on en déduire ?

2. Le quadrilatère MPNR est-il un parallélogramme ? Justifier.

1. $M(-3; 6)$ $N(5; -1)$ On en déduit que $\overrightarrow{MN}(5 - (-3); -1 - 6)$ soit $\overrightarrow{MN}(8; -7)$

$Q(3; 7)$ $P(11; 0)$ On en déduit que $\overrightarrow{QP}(11 - 3; 0 - 7)$ soit $\overrightarrow{QP}(8; -7)$
 $\overrightarrow{MN}(8; -7)$ et $\overrightarrow{QP}(8; -7)$ ont les mêmes coordonnées.

On en déduit donc que $\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{QP}$. Par conséquent, le quadrilatère MNPQ est un parallélogramme.

2. $M(-3; 6)$ $P(11; 0)$ On en déduit que $\overrightarrow{MP}(11 - (-3); 0 - 6)$ soit $\overrightarrow{MP}(14; -6)$

$R(-10; 5)$ $N(5; -1)$ On en déduit que $\overrightarrow{RN}(5 - (-10); -1 - 5)$ soit $\overrightarrow{RN}(15; -6)$

$\overrightarrow{MP}(14; -6)$ et $\overrightarrow{RN}(15; -6)$ n'ont pas les mêmes coordonnées.

On en déduit donc que $\overrightarrow{MP} \neq \overrightarrow{RN}$.

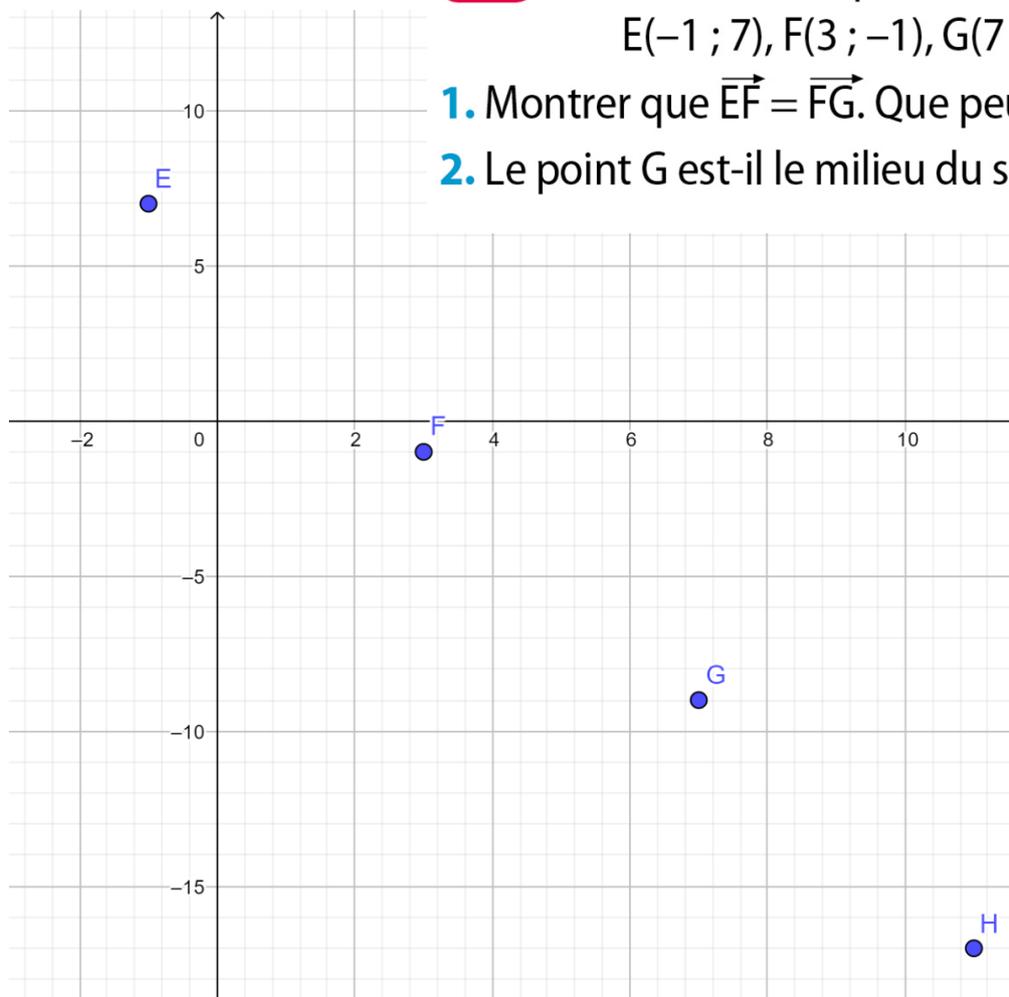
Par conséquent, le quadrilatère MPNR n'est pas un parallélogramme.

86 On considère les points :

$E(-1; 7)$, $F(3; -1)$, $G(7; -9)$ et $H(11; -17)$.

1. Montrer que $\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{FG}$. Que peut-on en déduire ?

2. Le point G est-il le milieu du segment [FH] ? Justifier.



1. $E(-1; 7)$ $F(3; -1)$ On en déduit que $\overrightarrow{EF}(3 - (-1); -1 - 7)$ soit $\overrightarrow{EF}(4; -8)$

$F(3; -1)$ $G(7; -9)$ On en déduit que $\overrightarrow{FG}(7 - 3; -9 - (-1))$ soit $\overrightarrow{FG}(4; -8)$

$\overrightarrow{EF}(4; -8)$ et $\overrightarrow{FG}(4; -8)$ ont les mêmes coordonnées.

On en déduit donc que $\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{FG}$.

Par conséquent, le point F est le milieu du segment [EG].

2. $F(3; -1)$ $G(7; -9)$ On en déduit que $\overrightarrow{FG}(7 - 3; -9 - (-1))$ soit $\overrightarrow{FG}(4; -8)$

$G(7; -9)$ $H(11; -17)$ On en déduit que $\overrightarrow{GH}(11 - 7; -17 - (-9))$ soit $\overrightarrow{GH}(4; -8)$

$\overrightarrow{FG}(4; -8)$ et $\overrightarrow{GH}(4; -8)$ ont les mêmes coordonnées.

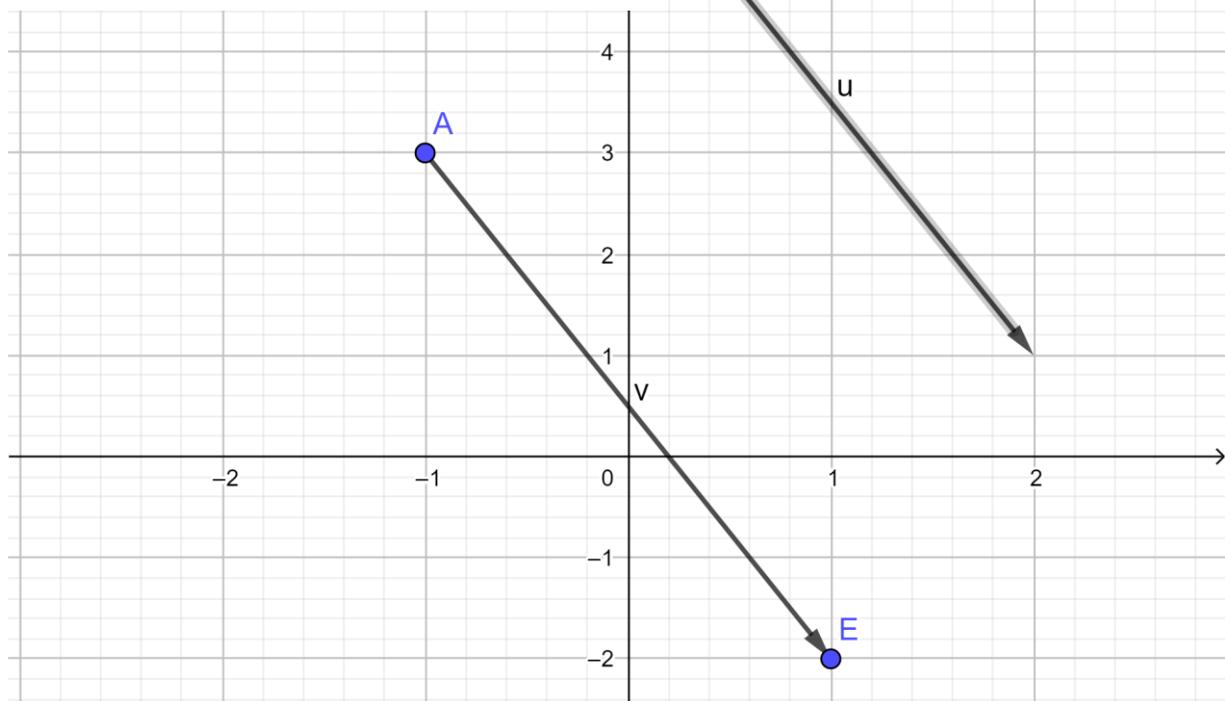
On en déduit donc que $\overrightarrow{FG} = \overrightarrow{GH}$.

Par conséquent, le point G est le milieu du segment [FH].

88 On considère le point $A(-1; 3)$ et le vecteur $\vec{u}(2; -5)$.

Soit E le point tel que $\overrightarrow{AE} = \vec{u}$. On note $(x_E; y_E)$ ses coordonnées.

1. Justifier que : $x_E + 1 = 2$ et $y_E - 3 = -5$.
2. En déduire les coordonnées de E.



1. $A(-1; 3)$ $E(x_E; y_E)$ On en déduit que $\overrightarrow{AE}(x_E - (-1); y_E - 3)$ soit $\overrightarrow{AE}(x_E + 1; y_E - 3)$

or $\vec{u}(2; -5)$

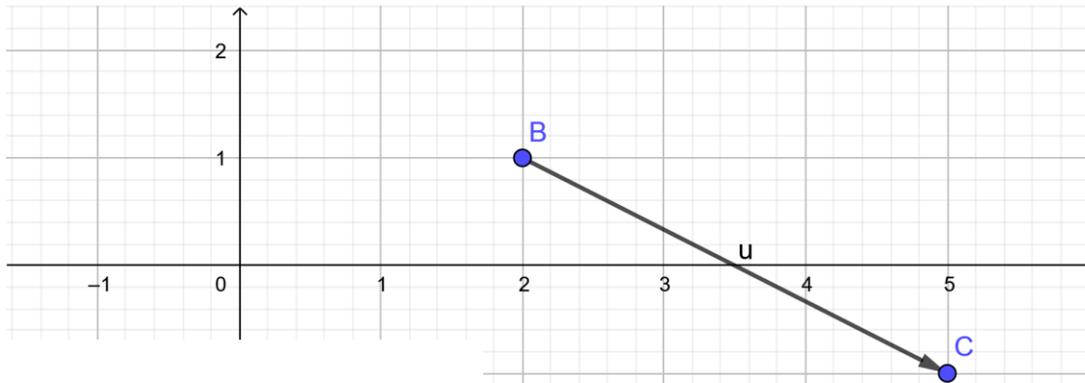
$\overrightarrow{AE} = \vec{u}$ lorsque les vecteurs ont les mêmes coordonnées.

On en déduit donc que $x_E + 1 = 2$ et $y_E - 3 = -5$

2. $x_E + 1 = 2$ ainsi $x_E = 2 - 1 = 1$

$y_E - 3 = -5$ soit $y_E = -5 + 3 = -2$

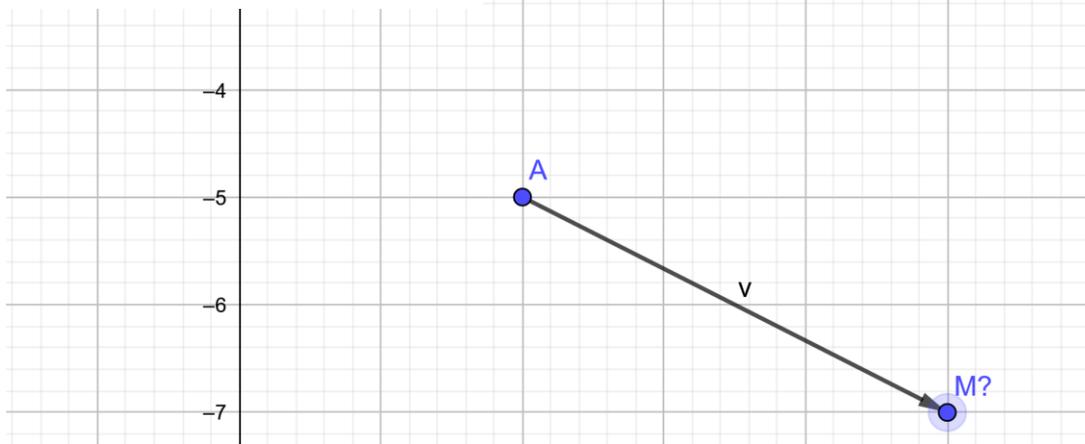
Le point E a pour coordonnées $E(1; -2)$



89 Soit les points $A(2; -5)$, $B(2; 1)$ et $C(5; -1)$.

Calculer les coordonnées du vecteur \vec{BC} , puis celles du point

M défini par $\vec{AM} = \vec{BC}$.



$B(2; 1)$ $C(5; -1)$ On en déduit que $\vec{BC}(5 - 2; -1 - 1)$ soit $\vec{BC}(3; -2)$

$A(2; -5)$ $M(x_M; y_M)$ On en déduit que $\vec{AM}(x_M - 2; y_M - (-5))$

soit $\vec{AM}(x_M - 2; y_M + 5)$

$\vec{AM} = \vec{BC}$ lorsque les vecteurs ont les mêmes coordonnées.

On en déduit donc que $x_M - 2 = 3$ et $y_M + 5 = -2$.

$$x_M = 3 + 2 = 5 \text{ et } y_M = -2 - 5 = -7$$

Le point M a pour coordonnées $M(5; -7)$

Opérations et coordonnées , milieux

Exercices 40page 136(rajout question 4 montrer que IJKL est un parallélogramme) ,97,98,99page 140

40 On considère les points $R(2; 0)$, $S(4; 4)$, $T(-2; 3)$ et $U(0; -1)$.
Soit I , J , K et L les milieux respectifs des segments $[RS]$, $[ST]$, $[TU]$
et $[UR]$.

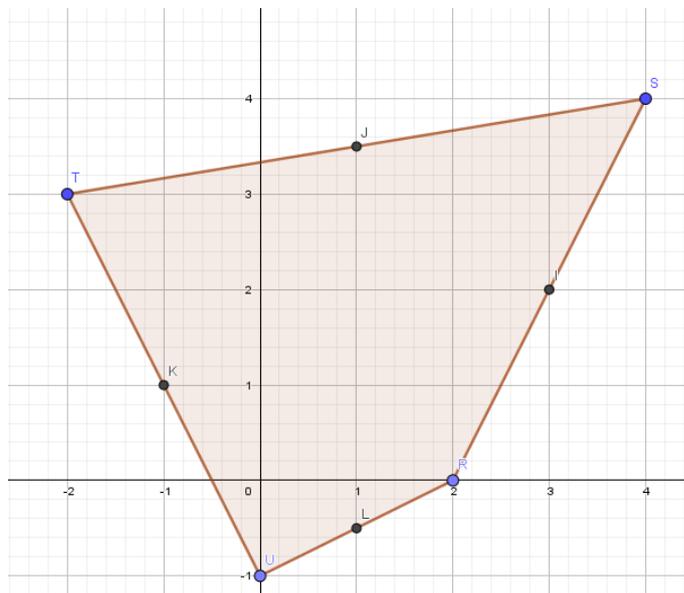
1. Faire une figure.
2. a. Montrer que l'abscisse de I est égale 3.
b. Calculer l'ordonnée de I .
3. Calculer les coordonnées des points J , K et L .

4. Démontrer que IJKL est un parallélogramme

Propriété : Soit A et B deux points du plan de coordonnées $A(x_A; y_A)$ et $B(x_B; y_B)$.

Alors le point I milieu du segment $[AB]$ a pour coordonnées $I(\frac{x_A+x_B}{2}; \frac{y_A+y_B}{2})$

1.



$$2a) x_I = \frac{x_R+x_S}{2} = \frac{2+4}{2} = 3 \quad b) y_I = \frac{y_R+y_S}{2} = \frac{0+4}{2} = 2$$

$$3. J(\frac{x_S+x_T}{2}; \frac{y_S+y_T}{2}) \text{ soit } J(\frac{4+(-2)}{2}; \frac{4+3}{2}) \text{ soit } J(1; 3,5)$$

$$K(\frac{(-2)+0}{2}; \frac{3+(-1)}{2}) \text{ soit } K(-1; 1)$$

$$L(\frac{0+2}{2}; \frac{(-1)+0}{2}) \text{ soit } L(1; -0,5)$$

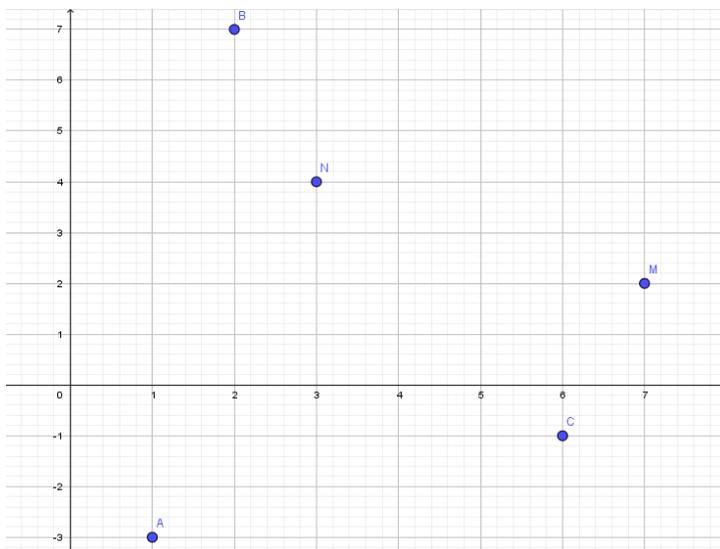
4. $\vec{IJ} (1 - 3; 3,5 - 2)$ soit $\vec{IJ} (-2; 1,5)$
 $\vec{LK} (-1 - 1; 1 - (-0,5))$ soit $\vec{LK} (-2; 1,5)$

Comme les vecteurs \vec{IJ} et \vec{LK} ont les mêmes coordonnées alors ils sont égaux. Par conséquent, le quadrilatère IJKL est un parallélogramme.

97 Soit les points A(1 ; -3), B(2 ; 7), C(6 ; -1), M(7 ; 2) et N(4 ; 4).

1. Calculer les coordonnées des vecteurs \vec{AB} et \vec{AC} , puis celles du vecteur $\vec{AB} - 2\vec{AC}$.

2. Montrer que $\vec{AB} - 2\vec{AC} = 3\vec{MN}$.



1. $\vec{AB} (2 - 1; 7 - (-3))$ soit $\vec{AB} (1; 10)$
 $\vec{AC} (6 - 1; -1 - (-3))$ soit $\vec{AC} (5; 2)$
 $-2\vec{AC} (-2 \times 5; -2 \times 2)$ soit $-2\vec{AC} (-10; -4)$

soit $\vec{AB} - 2\vec{AC} (1 + (-10); 10 + (-4))$ soit $\vec{AB} - 2\vec{AC} (-9; 6)$

2. $\vec{MN} (4 - 7; 4 - 2)$ soit $\vec{MN} (-3; 2)$

$3\vec{MN} (-9; 6)$

On en déduit que $\vec{AB} - 2\vec{AC} = 3\vec{MN}$

98 On considère le point A(-1 ; 3), et les vecteurs $\vec{u}(2 ; -3)$ et $\vec{v}(-1 ; 5)$. Soit E le point défini par $\vec{AE} = 2\vec{u} - \vec{v}$.

1. Calculer les coordonnées du vecteur $2\vec{u} - \vec{v}$.

2. Calculer les coordonnées du point E.

1. $2\vec{u} (2 \times 2; 2 \times (-3))$

$$\begin{aligned} &\text{soit } 2\vec{u} \quad (4; -6) \\ &- \vec{v} \quad (1; -5) \\ &2\vec{u} - \vec{v} \quad (4+1; -6-5) \quad \text{soit } 2\vec{u} - \vec{v} \quad (5; -11) \end{aligned}$$

2. On pose $E(x; y)$.

$$\overrightarrow{AE} (x - x_A; y - y_A) \quad \text{soit } \overrightarrow{AE} (x + 1; y - 3) \quad 2\vec{u} - \vec{v} \quad (5; -11)$$

$$\overrightarrow{AE} = 2\vec{u} - \vec{v}$$

On en déduit que $x + 1 = 5$ et $y - 3 = -11$

$$x = 5 - 1 = 4 \quad \text{et} \quad y = -11 + 3 = -8 \quad | (4; -8)$$

99 Soit les points $A(-1; 2)$, $B(0; -1)$ et $C(2; 1)$.

1. Calculer les coordonnées du point P tel que :

$$\overrightarrow{AP} = \overrightarrow{AC} + 2\overrightarrow{BC}.$$

2. Dans un repère, construire le point P .

Vérifier le résultat de la question précédente.

$$1. \overrightarrow{AC} \quad (2 - (-1); 1 - 2) \quad \text{soit } \overrightarrow{AC} \quad (3; -1)$$

$$\overrightarrow{BC} \quad (2 - 0; 1 - (-1)) \quad \text{soit } \overrightarrow{BC} \quad (2; 2) \quad \text{et donc } 2\overrightarrow{BC} \quad (4; 4)$$

$$\overrightarrow{AC} + 2\overrightarrow{BC} \quad (3+4; -1+4) \quad \text{soit } \overrightarrow{AC} + 2\overrightarrow{BC} \quad (7; 3)$$

On pose $P(x; y)$.

$$\overrightarrow{AP} (x - x_A; y - y_A) \quad \text{soit } \overrightarrow{AP} (x + 1; y - 2) \quad \overrightarrow{AC} + 2\overrightarrow{BC} (7; 3)$$

$$\overrightarrow{AP} = \overrightarrow{AC} + 2\overrightarrow{BC}$$

On en déduit que $x + 1 = 7$ et $y - 2 = 3$

$$x = 7 - 1 = 6 \quad \text{et} \quad y = 3 + 2 = 5 \quad P(6; 5)$$

2.

